

الموضوع 3 ثا - 17

التمرين الأول : (بكالوريا 2020 - رياضيات) (U02-Ex139)

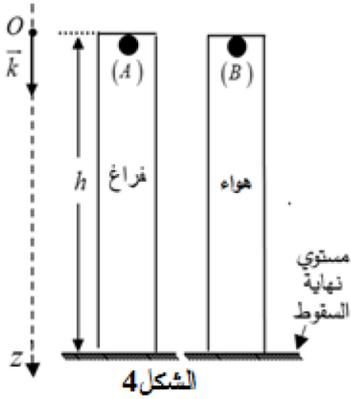
- من تحديات هذا القرن ، محاولة إرسال بعثة استكشافية إلى سطح المريخ ، حيث دأبت وكالة الطيران و الفضاء الأمريكية (NASA) على إعداد الأسس اللوجيستية و العلمية لإرسال البشر في حدود 2030 .
- يهدف التمرين إلى دراسة بعض خصائص المريخ و كواكب المجموعة الشمسية المجاورة له .
- 1- ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة كواكب المجموعة الشمسية ؟
 - 2- ذكر بنص قانون كبلر الأول .
 - 3- إن مراقبة حركة بعض كواكب المجموعة الشمسية مكنتنا من جدول القياسات التالي :

المشتري	المريخ	الأرض	الكوكب
11,86		1,00	t (ans)
	1,53	1,00	r (U.A)

- حيث : T هو دور الكوكب حول الشمس بالسنة الضوئية ، r البعد بين مركزي الكوكب و الشمس بالوحدة الفلكية U.A ، $1U.A = 1,5 \cdot 10^{11} m$ و $1an = 365 \text{ jours}$.
- باستعمال القانون الثاني لنيوتن في المرجع سالف الذكر و باعتبار مسارات الكواكب دائرية حول الشمس :
- 3-1- اكتب عبارة السرعة المدارية v لكوكب من المجموعة الشمسية بدلالة r ، M_S و G .
 - حيث M_S كتلة الشمس ، $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ SI}$ ثابت الجذب العام .
 - 3-2- بين أن قانون كبلر الثالث يعطى بالعلاقة : $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G.M_S}$
 - 3-3- احسب كتلة الشمس M_S بالكيلوغرام .
 - 3-4- أكمل الجدول أعلاه .
 - 3-5- احسب السرعة المدارية v لكوكبي الأرض و المريخ بـ km.s^{-1} .
 - 3-6- فسر لماذا تكون السنة الأرضية أقل من السنة المريخية .

التمرين الثاني : (بكالوريا 2021 - رياضيات) (U02-Ex144)

إحدى فرضيات الميكانيك " لجميع الأجسام نفس حركة السقوط الشاقولي في الفراغ مهما كانت كتلتها " .



للتحقق من هذه الفرضية أنجزت عدة تجارب و كانت نتائجها أن : القوى الناتجة عن الموائع هي سبب اختلاف سرعات سقوط الأجسام نحو الأرض .

أراد غوجان من المتعلمين أن يُنجزا تجربتين للتحقق من هذه النتيجة ، و لهذا الغرض استعملا أنبوبين زجاجيين لهما الطول نفسه و كرتين (A) و (B) متماثلتين في الحجم V_s و الكتلة m (الشكل 4) .

معطيات :

▪ حجم كل كرة : $V_s = 2,57 \text{ m}^3$ ، كتلة كل كرة : $m = 6,0 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$.

▪ الكتلة الحجمية للهواء : $\rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ g.L}^{-1}$.

▪ شدة حقل الجاذبية الأرضية : $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.

الفوج الأول : ترك أحد المتعلمين الكرة (A) تسقط شاقوليا من ارتفاع h في الأنبوب الزجاجي بعد تفريره من الهواء

في لحظة نعتبرها مبدأ لقياس الأزمنة $t = 0$ و قيست بميقاتية مدة السقوط $t_A = 0,40 \text{ s}$.

1- مثل القوى الخارجية المطبقة على G مركز عطالة الكرة (A) أثناء سقوطها الشاقولي .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، جِد المعادلة التفاضلية للسرعة $v(t)$ و استنتج طبيعة الحركة .

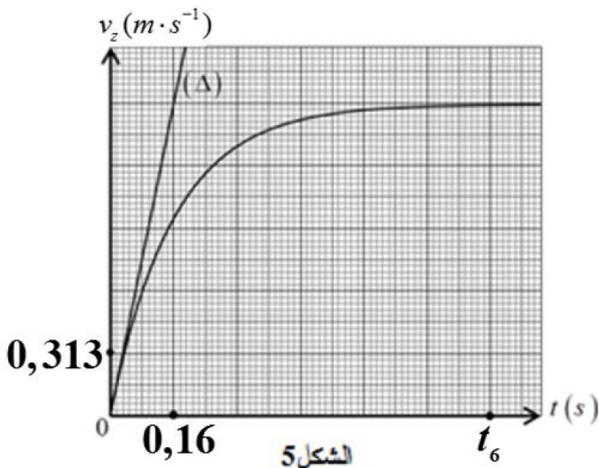
3- احسب الارتفاع h .

4- ناقش صحة الفرضة " لجميع الأجسام نفس حركة السقوط الشاقولي في الفراغ مهما كانت كتلتها " .

الفوج الثاني : ترك أحد المتعلمين الكرة (B) تسقط شاقوليا من الارتفاع h في الأنبوب الزجاجي المملوء بالهواء

فكانت مدة السقوط $t_B = 1,1 \text{ s}$. بتجهيز مناسب تم تسجيل تطور سرعة الكرة خلال الزمن فتحصل على

البيان $v_z = f(t)$.



1- مثل القوى الخارجية المطبقة على G مركز عطالة الكرة في

اللحظات : $t_0 = 0$ ، $t_1 = 0,16 \text{ s}$ و t_6 .

2- جِد المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة الكرة $v_z(t)$ باعتبار

قوة الاحتكاك مع الهواء من الشكل : $\vec{f} = -k \vec{v}_z$ حيث k معامل

الاحتكاك .

3- احسب التسارع النظري a_{th} لمركز عطالة الكرة في

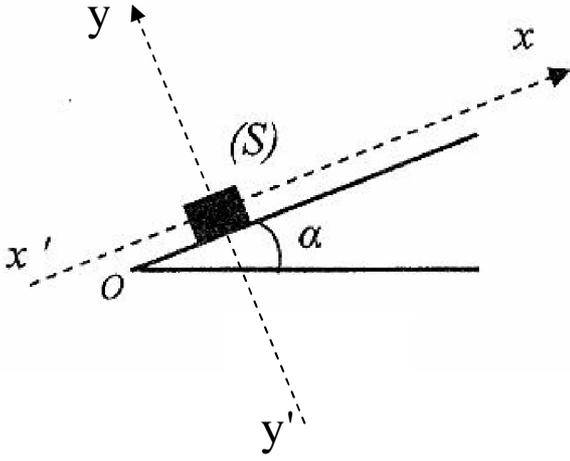
اللحظة $t = 0$ ، ثم تحقق أن قيمة a_{th} تتوافق مع القيمة التجريبية

للتسارع a_{axp} في اللحظة نفسها .

4- اعتمادا على المعادلة التفاضلية و البيان ، جِد قيمة معامل الاحتكاك k .

5- فسِر الفارق الزمني بين لحظتي وصول الكرتين t_A و t_B إلى مستوي نهاية السقوط

التمرين الثالث : (U02-Ex38)



من أسفل مستوي مائل يميل على الأفق بزاوية α ، نقذف عند اللحظة $t = 0$ جسم صلب (S) كتلته $m = 200 \text{ g}$ بسرعة ابتدائية \vec{v}_0 موازية للمستوي المائل ، عندما يقطع الجسم (S) مسافة d يغير جهة حركته باتجاه موضع القذف . نعتبر أن الجسم (S) أثناء حركته يخضع إلى تأثير قوة احتكاك \vec{f} شدتها ثابتة .

يعطى : $g = 10 \text{ m/s}^2$.

المخطط المرفق يمثل تطور سرعة مركز عتالة الجسم (S) على المستوي خلال طوري الحركة .

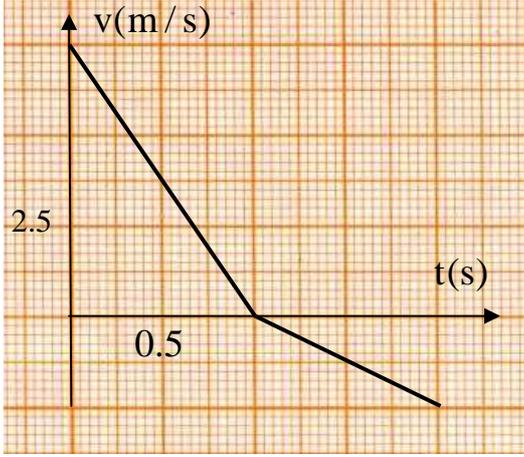
1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (S) في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليلي ، أدرس طبيعة الحركة خلال طوري الحركة .

2- اعتمادا على مخطط الحركة ، جد :

أ- تسارع الحركة في كل طور .

ب- شدة قوة الاحتكاك f .

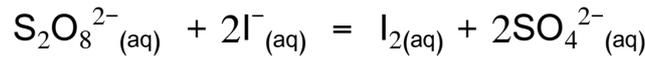
ج- قيمة الزاوية α التي يميل بها المستوي المائل على الأفق .



التمرين الثاني : (بكالوريا 2016 – رياضيات) (U02-Ex110)

نريد متابعة التفاعل الكيميائي الحادث بين محلول مائي لبيروكسودي كبريتات البوتاسيوم $(2K^+_{(aq)} + S_2O_8^{2-})$ و محلول مائي ليود البوتاسيوم $(K^+_{(aq)} + I^-_{(aq)})$.

1- من أجل هذا قمنا بمزج $V_1 = 100 \text{ mL}$ من محلول (S_1) لبيروكسودي كبريتات البوتاسيوم تركيزه المولي C_1 مع حجم $V_2 = 100 \text{ mL}$ من محلول (S_2) ليود البوتاسيوم تركيزه المولي $C_2 = 0,4 \text{ mol/L}$ ، و قسمنا المزيج بالتساوي في 10 اختبار ، يبدأ التفاعل عند اللحظة $t = 0$ في كل الأنابيب ، حيث يجري في حمام مائي درجة حرارته ثابتة θ_1 . التفاعل تام و معادلته هي :



تابعنا تطور هذا التفاعل بمعايرة ثنائي اليود I_2 الناتج (لونه أسمر بني) ، حيث أخرجنا في اللحظة t أنبوبا من الحمام المائي و وضعنا محتواه في بيشر يحتوي على الماء الثلج ، و أضفنا له بعض القطرات من صمغ النشاء ، ثم عايرنا ثنائي اليود (I^-) الموجود فيه بواسطة محلول مائي لثيوكبريتات الصوديوم $(2Na^+_{(aq)} + S_2O_3^{2-}_{(aq)})$ تركيزه المولي $C_3 = 0,02 \text{ mol/L}$. كررنا العملية مع الأنابيب الأخرى و جمعنا النتائج في الجدول التالي :

t (min)	4	10	12	20	30	40	60	80	90	100
[I ₂](mmol/L)	3,5	7,4	8,5	11,6	13,9	15,3	16,5	16,8	17,0	17,0

- 1- لماذا وضعنا الماء المثلج في البيشر قبل المعايرة ؟ هل وجود الماء في البيشر يؤثر على نتائج المعايرة ؟
 - 2- أنشيء جدول تقدم التفاعل في المزيج الأصلي ثم جد قيمة التقدم الأعظمي X_{max} فيه .
 - 3- احسب قيمة التركيز المولي C₁ .
 - 4- ارسم شكلا تخطيطيا للتجهيز الخاص بمعايرة ثنائي اليود ، مع وضع البيانات عليه ، كيف تكشف عن حدوث التكافؤ ؟
 - 5- اذكر تقنية أخرى لمتابعة هذا التفاعل ، مع الشرح المختصر .
 - 6- اعتمادا على جدول النتائج جد قيمته زمن نصف التفاعل t_{1/2} .
 - 7- احسب السرعة الحجمية المتوسطة لتشكل ثنائي اليود I_{2(aq)} بين اللحظتين t₁ = 30 min و t₂ = 40 min .
- II- لدينا محلولان مماثلان للمحلولين (S₁) و (S₂) ، نأخذ من المحلول (S₂) حجما V₀ و نمدده 4 مرات (f = 4) بالماء المقطر لتحضير محلول (S₂') حجمه V₂' = 100 mL . نمزج المحلول (S₂') مع المحلول (S₁) عند اللحظة t = 0 ، يجري التفاعل في نفس درجة الحرارة السابقة θ₁ .
- 1- اذكر البروتوكول التجريبي لتحضير المحلول (S₂') مع ذكر الزجاجيات المستعملة .
 - 2- السرعة المتوسطة لاختفاء ثنائي اليود I_{2(aq)} بين اللحظتين t₁ = 30 min و اللحظة t₂ = 40 min هي : v_m(I⁻) = 2,5 . 10⁻⁶ mol/min ، بين أن تراكيز المتفاعلات عبارة عن عامل حركي .

حل التمرين الأول

1) المرصود المناسب لدراسة حركة الكواكب المجموعة الشمسية :
هو المرجع الهيليوسنترى (المركزي الشمسي).

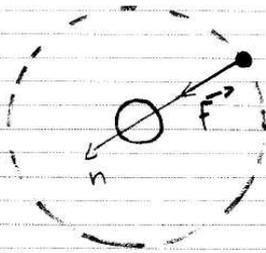
2) زمن قانون كبلر الأول : تدور الكواكب في مدارات إهليلجية حول الشمس التي تمثل أحد مرفقيها .

3-1) علاقة السرعة المدارية :

- الجملة المدروسة : كوكب .

- مرجع الدراسة : هيليوسنترى .

- القوى الخارجية : قوة الجذب العام \vec{F}



بتمييقا قانون نيوتن II

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \vec{a}_c$$

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

بالإسقام على المحور الناظمي :

$$F = m \cdot a_n$$

$$G \cdot \frac{m \cdot M_s}{r^2} = m \cdot \frac{v^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_s}{r}}$$

3-ب) التحقق من قانون كبلر الثالث :

$$T = \frac{2\pi \cdot r}{v} = \frac{2\pi \cdot r}{\sqrt{\frac{G \cdot M_s}{r}}} \quad T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot r^2}{\frac{G \cdot M_s}{r}} = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{G \cdot M_s}$$

$$\boxed{\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_s}}$$

- G و M ثوابت و منه $\frac{T^2}{r^3}$ ثابت

بالنسبة لكل الكواكب هذا يعني T^2 يتناسب طردياً مع r^3
وهو قانون كيبلر الثالث.

3-ج) كتلة الشمس:

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_s} \Rightarrow M_s = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{G \cdot T^2} \quad \text{مما سبق:}$$

باستعمال معطيات الخاصة بكوكب الأرض يكون:

$$1 \text{ an} = 365 \times 24 \times 3600 = 3,1536 \cdot 10^7 \text{ s}$$

$$M_s = \frac{4\pi^2 (1,5 \cdot 10^{11})^3}{667 \cdot 10^{-11} (3,1536 \cdot 10^7)^2} = 2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$$

3-د) كمال الجدول:

حساب T_m (دور المريخ):

حسب قانون كيبلر الثالث:

$$\frac{T_E^2}{r_E^3} = \frac{T_m^2}{r_m^3} \rightarrow T_m = \sqrt{\frac{T_E^2 \cdot r_m^3}{r_E^3}} = \sqrt{\frac{1^2 (1,53)^3}{1^3}} = 1,59 \text{ ans}$$

حسب r_J (المستري): حسب قانون كيبلر الثالث:

$$\frac{T_E^2}{r_E^3} = \frac{T_J^2}{r_J^3} \rightarrow r_J = \sqrt[3]{\frac{T_J^2 \cdot r_E^3}{T_E^2}}$$

$$r_J = \sqrt[3]{\frac{(11,86)^2 (1)^3}{(1)^2}} = 5,20 \text{ U.A.}$$

الكوكب	الأرض	المريخ	المستري
t (ans)	1,00	1,59	11,86
r (U.A)	1,00	1,53	5,20

3-و) السرعات المدارية لكوكبي الأرض والمريخ:

مما سبق:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_s}{r}}$$

بالنسبة لكوكب الأرض:

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 2 \cdot 10^{30}}{1,5 \cdot 10^{11}}} = 2,98 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 29,8 \text{ km/s}$$

بالنسبة لكوكب المريخ:

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 2 \cdot 10^{30}}{1,59 \cdot 1,5 \cdot 10^{11}}} = 2,41 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 24,1 \text{ km/s}$$

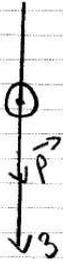
3- ي) نفسر سبب كون السنة الأرضية أقل من السنة المريخية:

تكون السنة الأرضية أقل من السنة المريخية لأن السرعة المدارية للأرض أكبر من السرعة المدارية للمريخ و نصف قطر دور الأرض حول الشمس أصغر من نصف قطر دور المريخ حول الشمس، فالأرض تدور في مدار دائري في زمن أقل

حل التمرين الثاني

فوج أول

1) نصيّل القوى الخارجية المطبقة على الأرض:



2) المعادلات التفاضلية للسرعة:

- الجملة المدروسة: جسم (S)
- مرجع الدراسة: سطح أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: \vec{P}

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\sum \vec{f}_{ext} = m \vec{a}$$

$$\vec{P} = m \vec{a}$$

بالإسقاط على O3:

$$P = m a$$

$$m \cdot g = m \frac{dv}{dt} \rightarrow \boxed{\frac{dv}{dt} = g}$$

طبيعة الحركة:

$$\frac{dv}{dt} = a = g \quad \text{وحدنا}$$

و ثابت ومنه a ثابت وكون أن العنصر مستقيم فالحركة إذن مستقيمة متغيرة بإنتظام (متسارعة)

(3) الارتفاع h :

نكتب المعادلات الزمنية للمكانة:

$$z = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + z_0$$

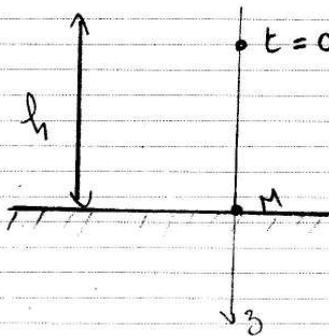
$$a = g = 9.8$$

$$t=0 \rightarrow v=0 \rightarrow v_0 = 0$$

$$t=0 \rightarrow z=0 \rightarrow z_0 = 0$$

$$z = 4.9 t^2$$

نفر من أن M هو موضع سقوط الكرة على الأرض فيكون لدينا:



$$z_M = 4.9 t_M^2$$

ولدينا:

$$t_M = 0.4 \text{ s} ; z_M = h$$

إذن:

$$h = 4.9 (0.4)^2 = 0.784 \text{ m}$$

(4) مناقشة الفرضية:

وحدنا مما سبق أن التسارع يتعلق فقط بقيمة الجاذبية g فهو لا يتعلق بالكتلة m وبالتالي في الفراغ كل الأجسام لها نفس حركة السقوط المتساوي.

④ العنجز الثاني:

1) تمثيل القوى عند $t=0s$ ، $t=0,16s$ ، $t_c=0,96s$

$t=0s$	$t=0,16s$	t_c

2) المعادلات التفاضلية التي تصفها سرعة الكرية $v(t)$:

- الجملة المدروسة: كرية.

- المرجع: سطح أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية: \vec{P} ، \vec{f} ، \vec{TP} .

- بتطبيق قانون نيوتن II:

$$\sum \vec{f}_{ext} = m \vec{a}_c$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{TP} = m \vec{a}$$

بالإسقاط على Oz :

$$P - TP - f = m a$$

$$m g - \rho \cdot v \cdot g - k \cdot v = m \frac{dv}{dt}$$

$$m \frac{dv}{dt} + k \cdot v = m g - \rho \cdot v \cdot g$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} \cdot v = g - \frac{\rho \cdot v \cdot g}{m}$$

$$\boxed{\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} \cdot v = g \left(1 - \frac{\rho \cdot v}{m}\right)}$$

3) قيمة a_{th}

عند اللحظة $t=0$ سيكون:

$$\frac{dv}{dt} = a_{th}$$

- بالتعويض في المعادلة التفاضلية:

$$a_{th} = g \left(1 - \frac{\rho \cdot v}{m}\right)$$

$$a_{th} = 9,80 \left(1 - \frac{1,3 \cdot 2,57 \cdot 10^{-6}}{6,0 \times 10^{-3}}\right) = 9,79 \text{ m/s}^2$$

- قيمة a_{xp} من البيان :

$$a_{xp} = \left(\frac{\Delta v}{\Delta t} \right)_{t=0} = \frac{5 \times 0,313}{0,16} = 9,78 \text{ m/s}^2$$

ملاحظة أن $a_{th} = a_{xp}$ إذن قيمة التسارع المتساوية للتسارع a_{th} تتوافق مع القيمة التجريبية a_{xp} .

(4) معامل الاحتكاك :

في النظام الدائم يكون

$$\frac{dv}{dt} = 0, \quad v = v_{lim}$$

بالتالي من المعادلات التفاضلية :

$$\frac{k}{m} \cdot v_{lim} = g \left(1 - \frac{\rho \cdot v}{m} \right)$$

$$K = \frac{m \cdot g}{v_{lim}} \left(1 - \frac{\rho \cdot v}{m} \right)$$

من البيان :

$$v_{lim} = 5 \times 0,313 = 1,565 \text{ m/s}$$

ومن

$$K = \frac{6 \cdot 10^3 \times 9,8}{1,565} \left(1 - \frac{1,3 \cdot 2,57 \cdot 10^{-6}}{6,0 \cdot 10^3} \right) = 3,76 \cdot 10^{-2} \text{ kg/s}$$

(5) تفسير الفارق الزمني بين لحظة وصول الكرت إلى سطح الأرض :

السبب في وجود الفارق الزمني أثناء السقوط من نفس الارتفاع هو القوة الناتجة عن تأثير الموائع في الجملة .

حل التمرين الثالث

1- عبارة التسارع خلال طوري الحركة :

• الطور الأول (صعود المستوي المائل) :

• الجملة المعتبرة : الجسم (S) .

• مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليليا .

• القوى الخارجية المؤثرة على الجملة : الثقل \vec{P} ، قوة رد

الفعل \vec{R} ، قوة الاحتكاك \vec{f} .

• بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}_G$$

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور (ox) :

$$-P \sin\alpha - f = m a_1$$

$$-m.g.\sin\alpha - f = m.a_1 \rightarrow a_1 = \frac{-m g \sin\alpha - f}{m}$$

• الطور الثاني (نزول المستوي المائل) :

• بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}_G$$

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور (ox) :

$$-P \sin\alpha + f = m a_2$$

$$-m.g.\sin\alpha + f = m.a_2 \rightarrow a_2 = \frac{-m g \sin\alpha + f}{m}$$

2- أ- تسارع الحركة في كل طور :

اعتمادا على مخطط الحركة :

$$a_1 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = -\frac{3.25}{2 \cdot 0.5} = -7.5 \text{ m/s}^2$$

$$a_2 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = -\frac{1.25}{2 \cdot 0.5} = -2.5 \text{ m/s}^2$$

ب- شدة قوة الاحتكاك :

نطرح عبارة a_1 من a_2 فنجد :

$$a_2 - a_1 = \frac{-m g \sin\alpha + f}{m} - \frac{-m g \sin\alpha - f}{m}$$

$$a_2 - a_1 = \frac{-m g \sin\alpha + f + m g \sin\alpha + f}{m}$$

$$a_2 - a_1 = \frac{2f}{m} \rightarrow f = \frac{(a_2 - a_1)m}{2} .$$

$$f = \frac{(-2.5 - (-7.5)) \cdot 0.2}{2} = 0.5 \text{ N}$$

ج- قيمة الزاوية α :

الطريقة-1 :

نجمع عبارتي a_1 ، a_2 طرف إلى طرف :

$$a_1 + a_2 = \frac{-m g \sin\alpha - f - m g \sin\alpha + f}{m}$$

$$a_1 + a_2 = \frac{-2m g \sin\alpha}{m}$$

$$a_1 + a_2 = -2g \sin\alpha \rightarrow \sin\alpha = -\frac{a_1 + a_2}{2g}$$

$$\sin\alpha = -\frac{(-7.5) + (-2.5)}{2 \cdot 10} = 0.5 \rightarrow \alpha = 30^\circ$$

الطريقة-2 :

من عبارة تسارع الحركة في الطور الأول :

$$a_1 = \frac{-m g \sin\alpha - f}{m}$$

$$a_1 \cdot m = -m \cdot g \cdot \sin\alpha - f$$

$$m \cdot g \cdot \sin\alpha = -f - a_1 m \rightarrow \sin\alpha = \frac{-f - a_1 m}{m \cdot g}$$

$$\sin\alpha = \frac{(-0.5) - ((-7.5) \cdot 0.2)}{0.2 \cdot 10} = 0.5 \rightarrow \alpha = 30^\circ$$

الطريقة-3 :

من عبارة تسارع الحركة في الطور الثاني :

$$a_2 = \frac{-m g \sin\alpha + f}{m}$$

$$a_2 \cdot m = -m \cdot g \cdot \sin\alpha + f$$

$$m \cdot g \cdot \sin\alpha = f - a_2 m \rightarrow \sin\alpha = \frac{f - a_2 m}{m \cdot g}$$

$$\sin\alpha = \frac{(0.5) - ((-2.5) \cdot 0.2)}{0.2 \cdot 10} = 0.5 \rightarrow \alpha = 30^\circ$$

حل التمرين الرابع

1-1- وضعنا الماء العذب في البيشر قبل المعايرة من أجل توقيف التفاعل والتمكن من المعايرة .
 - وجود الماء في البيشر لا يؤثر على المعايرة لأن الهدف من المعايرة قياس الحجم اللازم للتكافؤ V_E وهذا الأخير يتغلف بكمية المازة وكمية المازة لا تتأثر عند اصفاة الماء (تهديد).
 في جدول التقيم :

		$S_2O_8^{2-} + 2 I^- = I_2 + 2 SO_4^{2-}$			
التراكيز	$x=0$	$n_0(S_2O_8^{2-}) = C_1 V_1$	$n_0(I^-) = C_2 V_2$	0	0
التفاعل	x	$n_0(S_2O_8^{2-}) - x$	$n_0(I^-) - 2x$	x	$2x$
نهاية	x_{max}	$n_0(S_2O_8^{2-}) - x_{max}$	$n_0(I^-) - 2x_{max}$	x_{max}	$2x_{max}$

$$\bullet n_0(I^-) = C_2 V_2 = 0,4 \times 0,1 = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

من جدول النتائج نلاحظ ثبوت $[I_2]$ عند $t = 90 \text{ min}$ هذا يعني :
 قيمة x_{max} :

$$[I_2]_f = 17,0 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

ومن جدول التقيم :

$$[I_2]_f = \frac{x_{max}}{V_1 + V_2} \rightarrow x_{max} = [I_2] (V_1 + V_2)$$

$$x_{max} = 17,0 \cdot 10^{-3} (0,1 + 0,1) = 3,4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

3- قيمة C_2 :

نتجت أولا عن التفاعل المحدد ، لذلك نحسب اعتيادًا على جدول التقيم ، قيمة $n_0(I^-)$:

$$n_f(I^-) = n_0(I^-) - 2x_{max} = 0,04 -$$

$$n_f(I^-) = 0,04 - (2 \times 3,4 \cdot 10^{-3}) = 3,32 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \neq 0$$

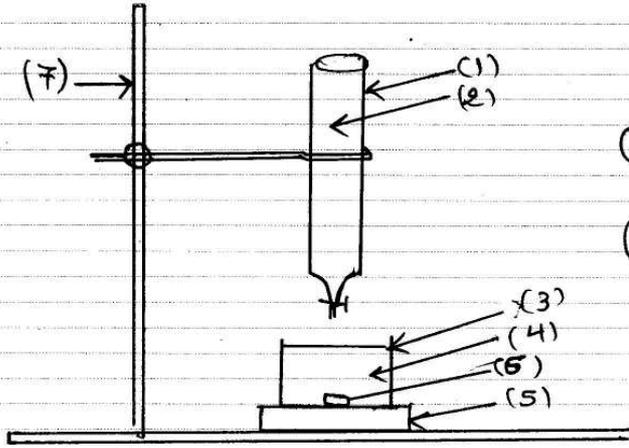
هذا يعني أن I^- ليس متفاعل محدد ، إنما المتفاعل المحدد هو $S_2O_8^{2-}$

وكون أن $S_2O_8^{2-}$ متفاعل محدود يكون من جدول التقييم:

$$n_0(S_2O_8^{2-}) - \alpha m_{rx} = 0$$

$$C_1 V_1 - \alpha m_{rx} = 0 \rightarrow C_1 = \frac{\alpha m_{rx}}{V_1}$$

$$C_1 = \frac{3,4 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 3,4 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$$



4- تجهيز المعايرة

- (1) ← مسطرة
- (2) ← محلول معاير $(2Na^+ + S_2O_3^{2-})$
- (3) ← جيبشر
- (4) ← محلول معاير (يحتوي على I_2)
- (5) ← مخلوط مفناطيسي
- (6) ← قطعة مفناطيسية
- (7) ← حامل المسطرة

- نكتشف عند حدوث التكاثر عند اختفاء اللون الأزرق بنفسجي الناتج عند امتزاج اليود مع صمغ الشناء.

5- التقنية الأخرى التي تمكن من متابعة التحوّل الكيميائي هي المتابعة الزمنية عن طريق قياس الناقلية لأن الوسط التفاعلي يحتوي على شوارد موجبة وسالبة.

6- قيمة χ_{I_2} :

$$[I_2]_{\chi_2} = \text{كسب}$$

من جدول التقييم:

$$[I_2]_{\chi_2} = \frac{\chi_{I_2}}{V_1 + V_2}$$

$$\chi_{I_2} = \frac{\alpha m_{rx}}{2} = \frac{3,4 \cdot 10^{-3}}{2} = 1,7 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

وحسب تعريف χ_{I_2}

$$[I_2]_{\chi_2} = \frac{1,7 \cdot 10^{-3}}{0,1 + 0,1} = 8,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L} = 8,5 \text{ mmol/L}$$

ومنه

و هذا يوافق في المحلول:

$$t_{I_2} = 12 \text{ min}$$

٦- السرعة الحجمية المتوسطة لتشكل I_2 :

$$v_{\text{I}_2} = \frac{1}{V_f} \frac{\Delta n(I_2)}{\Delta t} = \frac{\Delta [I_2]}{\Delta t} = \frac{[I_2]_2 - [I_2]_1}{t_2 - t_1}$$

واعتمادًا على جدول النتائج :

$$v_{\text{I}_2} = \frac{15,3 \cdot 10^{-3} - 13,9 \cdot 10^{-3}}{40 - 30} = 1,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \cdot \text{min}$$

II- 1- البروتوكول التجريبي لتحضير المحلول (أ) :

- نحسب الحجم V_0 اللازم أخذاً من المحلول الأم :

$$f = \frac{V_2'}{V_0} \rightarrow V_0 = \frac{V_2'}{f} = \frac{100 \text{ mL}}{4} = 25 \text{ mL}$$

- بواسطة ماصة عيارية مزودة بإضافة مصفاة ، سعة 25 mL ،
نسحب الحجم V_0 ونضعه في حويلة عيارية سعة 100 mL
نضيف الماء المقطر حتى يبلوغ الخط العياري مع الراج المستمر
من أجل تعاضد المحلول ،

8-9- P- اثبات أن تراكيز المتفاعلات عيارية عند عامل حركي :

السرعة الحجمية لتشكل I_2 قبل التثديد أكبر من السرعة
الحجمية المتوسطة لتشكل I_2 بعد التثديد ، بين نفس
الخطتين $t_1 = 30 \text{ min}$ ، $t_2 = 40 \text{ min}$ ، هذا يدل على أن التراكيز
المولية للمتفاعلات لها أثر على سرعة التفاعل وبالتالي
هي عامل حركي .

تمنياتي لكم التوفيق و النجاح